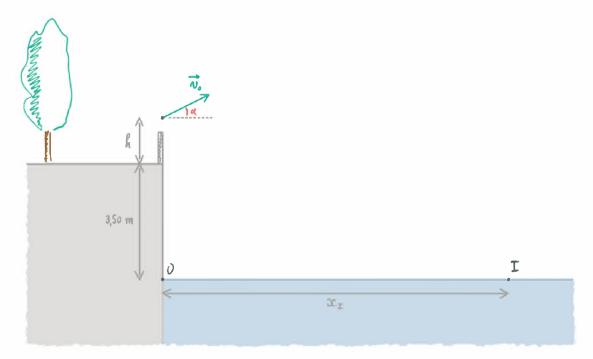


I. Mouvement dans le champ de pesanteur terrestre (2+5+2+3+3=15p)

Deux enfants, Alice et Bob, lancent des pierres dans un lac. L'étude se fera dans un repère cartésien d'origine O et l'on pourra négliger la résistance de l'air ainsi que tout autre effet aérodynamique dans ce problème.



- 1. Reproduire la figure sur votre copie en indiquant le repère (Oxy). Tracer la trajectoire d'une pierre de masse m qui est lancée à la verticale du point O avec une vitesse initiale $\overrightarrow{v_0}$ faisant un angle α avec l'horizontale. Indiquer le vecteur vitesse au sommet de la trajectoire ainsi que le vecteur vitesse au point I (càd. juste avant l'impact de la pierre dans l'eau). (2p)
- 2. Établir les équations horaires du mouvement de la pierre et en déduire l'équation cartésienne de sa trajectoire. Justifier les étapes importantes du développement mathématique. (5p)
- 3. Alice lance une pierre de 150 g avec une vitesse initiale $v_0=8.9~{\rm m/s}$ sous un angle $\alpha=30^{\circ}$. La pierre tombe dans l'eau au point I d'abscisse $x_I=12~{\rm m}$.
 - a. À quelle hauteur h au-dessus du sol la pierre a-t-elle quitté la main d'Alice ? (2p)
 - b. Que vaut l'angle d'impact de la pierre dans l'eau ? (3p)
- 4. Bob lance une pierre de 250 g d'une hauteur $h=160~{\rm cm}$ avec une vitesse initiale horizontale. Par hasard, la pierre tombe dans l'eau au même point I d'abscisse $x_I=12~{\rm m}$. Déterminer la vitesse initiale de la pierre que Bob a lancée en km/h. (3p)

II. Oscillateur mécanique (3+3+2+2+3+3=16p)

Un chariot de masse $m=100~{\rm g}$ est attaché à l'extrémité d'un ressort à spires non-jointives de raideur k. L'autre extrémité du ressort est fixée au banc horizontal et le chariot peut glisser sans frottement le long d'un axe x, dont l'origine coïncide avec la position du centre de masse du chariot lorsque le ressort est détendu. On comprime le ressort de 2,5 cm (par rapport à sa longueur non déformée) et le système est lâché sans vitesse initiale à t=0.

- 1. « À tout instant t, la force résultante qui s'exerce sur le chariot est proportionnelle à son élongation, mais de sens opposé. » Vrai ou faux ? Justifier ! (3p)
- 2. Sans l'établir, donner l'équation différentielle que satisfait l'élongation du système. Proposer une solution de cette équation différentielle et vérifier sa validité. (3p)
- 3. On mesure une période propre de $\frac{\pi}{5}$ s. Déterminer la raideur du ressort. (2p)
- 4. Déterminer l'amplitude et la vitesse maximale de l'oscillateur. (2p)
- 5. À quel instant la norme de la vitesse du chariot vaut-elle pour la deuxième fois 25 cm/s ? (3p)
- 6. Un expérimentateur a couplé l'extrémité fixe du ressort à un système qui vibre parallèlement à l'axe x avec une fréquence de 1,6 Hz. Quel phénomène observe-t-on ? Qu'est-ce qui risque de se passer ? Expliquer. (3p)

III. Relativité restreinte (7+1+2+3+1=14p)

- 1. Définir l'intervalle de temps propre et l'intervalle de temps impropre entre deux évènements. Établir la relation mathématique entre ces deux intervalles de temps à l'aide d'une expérience par la pensée. (7p)
- 2. Proxima Centauri b est l'exoplanète la plus proche du Soleil. Elle se trouve à une distance de 4,2 années-lumière, ce qui signifie que la lumière du Soleil met 4,2 années pour y parvenir. Dans un futur lointain, une équipe de pionniers de l'espace part pour un voyage vers Proxima Centauri b dans un vaisseau qui se déplace en ligne droite et à vitesse constante de 0,35 c par rapport au Soleil.
 - a. Quelle est la durée du voyage dans le référentiel héliocentrique ? On néglige les phases d'accélération et de freinage. (1p)
 - b. De combien d'années les voyageurs auront-ils vieilli à leur arrivée ? (2p)
- 3. À bord du vaisseau de la question précédente se trouve un physicien qui mène des expériences avec un accélérateur linéaire de particules.
 - a. Quelle tension doit-il appliquer entre les armatures d'un condensateur pour accélérer des électrons de 0,2 c à 0,6 c (par rapport au vaisseau) ? (3p)
 - b. Est-ce que cette valeur de tension aurait produit la même accélération dans un laboratoire sur Terre ? Justifier ! (1p)

<u>IV</u>: <u>Petites questions</u> (3+2+3+3+4=15p)

- 1. Donner la définition d'un satellite géostationnaire et expliquer pourquoi un tel satellite ne peut pas se trouver à la verticale d'une ville du Luxembourg. (3p)
- 2. Vrai ou Faux ? Donner à chaque fois une réponse sans justification. (2p)

La vitesse maximale que peuvent atteindre des particules chargées dans un cyclotron dépend...

- a. du rayon des dés;
- b. de la masse des particules;
- c. du champ électrique entre les dés;
- d. du champ magnétique à l'intérieur des dés.
- 3. En réalisant l'expérience de Melde, on observe trois fuseaux sur une corde de masse $m=10~{\rm g}$ et de longueur $L=1,20~{\rm m}$ qui est animée par un vibreur qui effectue des oscillations harmoniques de fréquence $f=15~{\rm Hz}$. Déterminer la force de tension dans la corde. (3p)
- 4. Définir l'effet photoélectrique et expliquer ce phénomène à l'aide d'un modèle physique de la lumière. (3p)
- 5. En l'année 1988, trois laboratoires ont daté de manière indépendante le suaire de Turin (Turiner Grabtuch) à l'aide du carbone-14, radioisotope du carbone ayant une demi-vie de 5730 ans. En moyenne, les scientifiques ont mesuré 138 désintégrations par minute sur un échantillon original du suaire alors qu'un tissu neuf de même masse présente une activité de 2,5 Bq. De quelle année date le suaire de Turin ? (4p)

Relevé des principales constantes physiques

Grandeur physique	Symbole	Valeur	Unité
	usuel	numérique	
Constante d'Avogadro	N _A (ou L)	$6,022 \cdot 10^{23}$	mol ⁻¹
Constante molaire des gaz parfaits	R	8,314	J K ⁻¹ mol ⁻¹
Constante de gravitation	K (ou G)	6,673·10 ⁻¹¹	N m ² kg ⁻²
Constante électrique pour le vide	$k = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0}$	8,988·10 ⁹	N m ² C ⁻²
Célérité de la lumière dans le vide	С	$2,998 \cdot 10^8$	m s ⁻¹
Perméabilité du vide	μ_0	$4\pi \cdot 10^{-7}$	H m ⁻¹
Permittivité du vide	$\varepsilon_0 = \frac{1}{\mu_0 c^2}$	8,854·10 ⁻¹²	F m ⁻¹
Charge élémentaire	е	1,602·10 ⁻¹⁹	С
Masse au repos de l'électron	m _e	9,1094·10 ⁻³¹	kg
		5,4858·10 ⁻⁴	u
		0,5110	MeV/c ²
Masse au repos du proton	$m_{\rm p}$	1,6726·10 ⁻²⁷	kg
		1,0073	u
		938,27	MeV/c ²
Masse au repos du neutron	m_n	1,6749·10 ⁻²⁷	kg
		1,0087	u
		939,57	MeV/c ²
Masse au repos d'une particule α	m_{α}	6,6447·10 ⁻²⁷	kg
		4,0015	u
		3727,4	MeV/c ²
Constante de Planck	h	6,626-10 ⁻³⁴	Js
Constante de Rydberg de l'atome d'hydrogène	R _H	1,097·10 ⁷	m ⁻¹
Rayon de Bohr	r ₁ (ou a ₀)	5,292·10 ⁻¹¹	m
Energie de l'atome d'hydrogène dans l'état fondamental	E ₁	-13,59	eV

Grandeurs liées à la Terre et au Soleil		Valeur utilisée sauf	
(elles peuvent dépendre du lieu ou du temps)		indication contraire	
Composante horizontale du champ magnétique terrestre	B_h	2.10-5	T
Accélération de la pesanteur à la surface terrestre	g	9,81	m s ⁻²
Rayon moyen de la Terre	R	6370	km
Jour sidéral	T	86164	S
Masse de la Terre	M_{T}	$5,98 \cdot 10^{24}$	kg
Masse du Soleil	$M_{ m S}$	$1,99 \cdot 10^{30}$	kg

Conversion d'unités en usage avec le SI

= 1 $\overset{\circ}{A}$ = 10⁻¹⁰ m = 1 eV = 1,602·10⁻¹⁹ J = 1 u = 1,6605·10⁻²⁷ kg = 931,49 MeV/c² 1 angström 1 électronvolt

1 unité de masse atomique

Formules trigonométriques

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\cos^2 x = \frac{1}{1 + \tan^2 x} \qquad \sin^2 x = \frac{\tan^2 x}{1 + \tan^2 x} \qquad 1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$\sin(\pi - x) = \sin x$$
 $\sin(\pi + x) = -\sin x$ $\sin(-x) = -\sin x$ $\cos(\pi - x) = -\cos x$ $\cos(\pi + x) = -\cos x$ $\cos(-x) = \cos x$ $\tan(\pi - x) = -\tan x$ $\tan(\pi + x) = \tan x$

$$\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \cos x \qquad \qquad \sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = \cos x$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \sin x \qquad \qquad \cos\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = -\sin x$$

$$\tan\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \cot x \qquad \qquad \tan\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = -\cot x$$

$$\begin{array}{lll} \sin(x+y) & = & \sin x \cos y + \cos x \sin y \\ \sin(x-y) & = & \sin x \cos y - \cos x \sin y \end{array} & \tan(x+y) & = & \frac{\tan x + \tan y}{1 - \tan x \tan y} \\ \cos(x+y) & = & \cos x \cos y - \sin x \sin y \\ \cos(x-y) & = & \cos x \cos y + \sin x \sin y \end{array} & \tan(x-y) & = & \frac{\tan x - \tan y}{1 + \tan x \tan y} \end{array}$$

$$sin 2x = 2 sin x cos x
cos 2x = cos2 x - sin2 x$$

$$2 cos2 x = 1 + cos 2x
2 sin2 x = 1 - cos 2x$$

$$\sin 2x = \frac{2 \tan x}{1 + \tan^2 x}$$
 $\cos 2x = \frac{1 - \tan^2 x}{1 + \tan^2 x}$ $\tan 2x = \frac{2 \tan x}{1 - \tan^2 x}$

$$\sin 3x = 3\sin x - 4\sin^3 x$$
 $\cos 3x = -3\cos x + 4\cos^3 x$

$$\sin p + \sin q = 2 \sin \frac{p+q}{2} \cos \frac{p-q}{2}$$

$$\sin p - \sin q = 2 \sin \frac{p-q}{2} \cos \frac{p+q}{2} \qquad \tan p + \tan q = \frac{\sin(p+q)}{\cos p \cos q}$$

$$\cos p + \cos q = 2 \cos \frac{p+q}{2} \cos \frac{p-q}{2} \qquad \tan p - \tan q = \frac{\sin(p-q)}{\cos p \cos q}$$

$$\cos p - \cos q = -2 \sin \frac{p+q}{2} \sin \frac{p-q}{2}$$

$$\sin x \cos y = \frac{1}{2} \left[\sin(x+y) + \sin(x-y) \right]$$

$$\cos x \cos y = \frac{1}{2} \left[\cos(x+y) + \cos(x-y) \right]$$

$$\sin x \sin y = \frac{1}{2} \left[\cos(x-y) - \cos(x+y) \right]$$

